

М. Б. БАЛК

ЭЛЕМЕНТЫ  
ДИНАМИКИ  
КОСМИЧЕСКОГО  
ПОЛЕТА

ИЗДАТЕЛЬСТВО «НАУКА»  
ГЛАВНАЯ РЕДАКЦИЯ  
ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ  
МОСКВА 1965

# **МЕХАНИКА КОСМИЧЕСКОГО ПОЛЕТА**

ИЗДАТЕЛЬСТВО «НАУКА»  
ГЛАВНАЯ РЕДАКЦИЯ  
ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ  
МОСКВА 1965

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Предисловие . . . . .	7
Введение . . . . .	11
Г л а в а I. Элементарные сведения из теории ньютона потенциала . . . . .	19
§ 1. Векторная запись закона тяготения. Ньютоновский потенциал поля, созданного одной материальной точкой . . . . .	19
§ 2. Потенциал шара со сферическим распределением плотности . . . . .	24
§ 3. Потенциал тела несферической структуры . . . . .	32
Г л а в а II. Задача двух тел . . . . .	40
§ 1. Постановка задачи . . . . .	40
§ 2. Интеграл площадей. Второй закон Кеплера . . . . .	45
§ 3. Интеграл энергии . . . . .	52
§ 4. Интеграл Лапласа . . . . .	54
§ 5. Уравнение орбиты спутника . . . . .	55
§ 6. Скорость спутника и ее компоненты . . . . .	61
§ 7. Зависимость характера орбиты спутника от величины начальной скорости . . . . .	64
§ 8. Эллипс и гипербола с единой точки зрения . . . . .	70
§ 9. Связь константы энергии спутника с величиной глав- ной полуси его орбиты . . . . .	73
§ 10. Третий закон Кеплера . . . . .	80
§ 11. Солнечный парус . . . . .	87
§ 12. Применение комплексных переменных в задаче двух тел . . . . .	90
Г л а в а III. Продолжительность перелета спутника между дву- мя точками орбиты . . . . .	102
§ 1. Полет от перицентра . . . . .	102
§ 2. Вывод уравнения Кеплера . . . . .	106
§ 3. Решение уравнения Кеплера . . . . .	111
§ 4. Приближенные формулы для орбит, близких к кру- говым . . . . .	118
§ 5. Формула Ламберта . . . . .	122
Г л а в а IV. Траектория спутника в трехмерном пространстве	131
§ 1. Элементы орбиты . . . . .	131
§ 2. Определение положения спутника по известным эле- ментам его орбиты . . . . .	136

§ 3. Нахождение элементов орбиты по нескольким положениям спутника . . . . .	146
§ 4. Определение элементов орбиты спутника по его положению и скорости в один момент времени . . . . .	149
§ 5. Уточнение элементов орбиты спутника по многим наблюдениям . . . . .	151
§ 6. Прогнозирование трассы спутника Земли . . . . .	156
<b>Г л а в а V. Задача <math>n</math> тел . . . . .</b>	<b>166</b>
§ 1. Задача трех тел в инерциальной системе отсчета . . . . .	166
§ 2. Интегралы задачи трех тел . . . . .	171
§ 3. Основные формулы задачи $n$ гравитирующих точек в инерциальной системе отсчета . . . . .	175
§ 4. Движение $n$ материальных точек относительно их барицентра . . . . .	178
§ 5. Движение системы $n$ материальных точек относительно одной из них . . . . .	187
§ 6. Интеграл площадей и интеграл энергии в относительном движении . . . . .	192
§ 7. Заключительные замечания . . . . .	196
<b>Г л а в а VI. Применение понятия о сфере действия к приближенному расчету траектории малого тела . . . . .</b>	<b>201</b>
§ 1. Сфера притяжения и сфера действия . . . . .	201
§ 2. Приближенная методика . . . . .	209
§ 3. Задача о третьей космической скорости . . . . .	213
§ 4. Полет к Венере . . . . .	217
<b>Г л а в а VII. Ограниченнная задача трех тел . . . . .</b>	<b>228</b>
§ 1. Постановка задачи . . . . .	228
§ 2. Дифференциальные уравнения ограниченной круговой задачи трех тел . . . . .	229
§ 3. Применение комплексных переменных к плоской ограниченной задаче трех тел . . . . .	237
§ 4. Точки либрации . . . . .	244
§ 5. Линии Хилла . . . . .	251
§ 6. Дополнения и обобщения . . . . .	259
<b>Г л а в а VIII. Отклонение движения спутника от кеплеровой траектории . . . . .</b>	<b>264</b>
§ 1. Возмущения в элементах орбиты . . . . .	264
§ 2. Влияние сплюснутости планеты на траекторию спутника . . . . .	278
§ 3. Влияние сопротивления атмосферы Земли на движение спутника . . . . .	284
Ответы, указания и решения . . . . .	300
Приложение. Некоторые астрономические постоянные . . . . .	329
Литература . . . . .	331
Предметный указатель . . . . .	336